

[R E P O R T]

정보통신공학전공

200301582

김성태

과제 : mergeSort 알고리즘 구현.

1. 목적

- ① 의사코드로 나와있는 mergeSort 알고리즘을 실제 프로그래밍 언어(C)를 이용하여 구현한다.
- ② mergeSort 알고리즘을 개량한 mergeSort_2 알고리즘을 실제 프로그래밍 언어(C)를 이용하여 구현한다.
- ③ 각각의 알고리즘에 대한 시간복잡도, 공간복잡도를 분석한다.

2. 필요환경

- ① GCC.
- ② Linux

3. 과제 수행 내역.

- ① Foundation of Algorithms p.53 ~ 55 예제 알고리즘 구현
- ② Foundation of Algorithms p.58 ~ 59 예제 알고리즘 구현

4. 과제 수행

- ① mergeSort_1 구현

소스

```
#include <stdio.h>

void merge(int h, int m, int *U, int *V, int *S);
void mergesort(int n, int *S);

int main()
{
    int i;
    int S[8] = {27, 10, 12, 20, 25, 13, 15, 22};

    mergesort(8, S);
}
```

```

    for(i = 0; i < 8; i++) {
        printf("%d, ", S[i]);
    }
    return 0;
}

/*****
* mergesort                                     *
* n : 사이즈                                   *
* S : 배열의 포인터                             *
* 크기 n의 배열 S를 합병정렬을 이용하여 정렬.   *
* merge 함수와 함께 쓰여진다.                 *
*****/
void mergesort(int n, int *S)
{
    int i;

    if(n > 1) {
        int h = n / 2;
        int m = n - h;

        int U[h], V[m];

        for(i = 0; i < h; i++) {
            U[i] = S[i];
            // printf("U[%d] : %d ", i, U[i]);
        }
        // printf("\n");
        for(i = 0; i < m; i++) {
            V[i] = S[i + h];
            // printf("V[%d] : %d ", i + h, V[i]);
        }
        // printf("\n");

        mergesort(h, U);
        mergesort(m, V);

        merge(h, m, U, V, S);
    }
}

/*****
* merge                                         *
* h : low value                               *
* m : high value                              *
*****/

```

```

* U: 병합을 하기원하는 배열.          *
* V: 병합을 하기원하는 배열.          *
* S: 병합이 되어 리턴되는 배열.       *
* 합병 정렬시 실제로 합병이 이루어지는 부분 *
***** /
void merge(int h, int m, int *U, int *V, int *S)
{
    int i, j, k;

    i = j = k = 0;

    while(i < h && j < m) {
        if(U[i] < V[j]) {
            S[k] = U[i];
            i++;
        }
        else {
            S[k] = V[j];
            j++;
        }
        k++;
    }
    if(i >= h) {
        for(; k < h + m; k++) {
            S[k] = V[j];
            j++;
        }
    }
    else {
        for(; k < h + m; k++) {
            S[k] = U[i];
            i++;
        }
    }
}

```

실행 화면

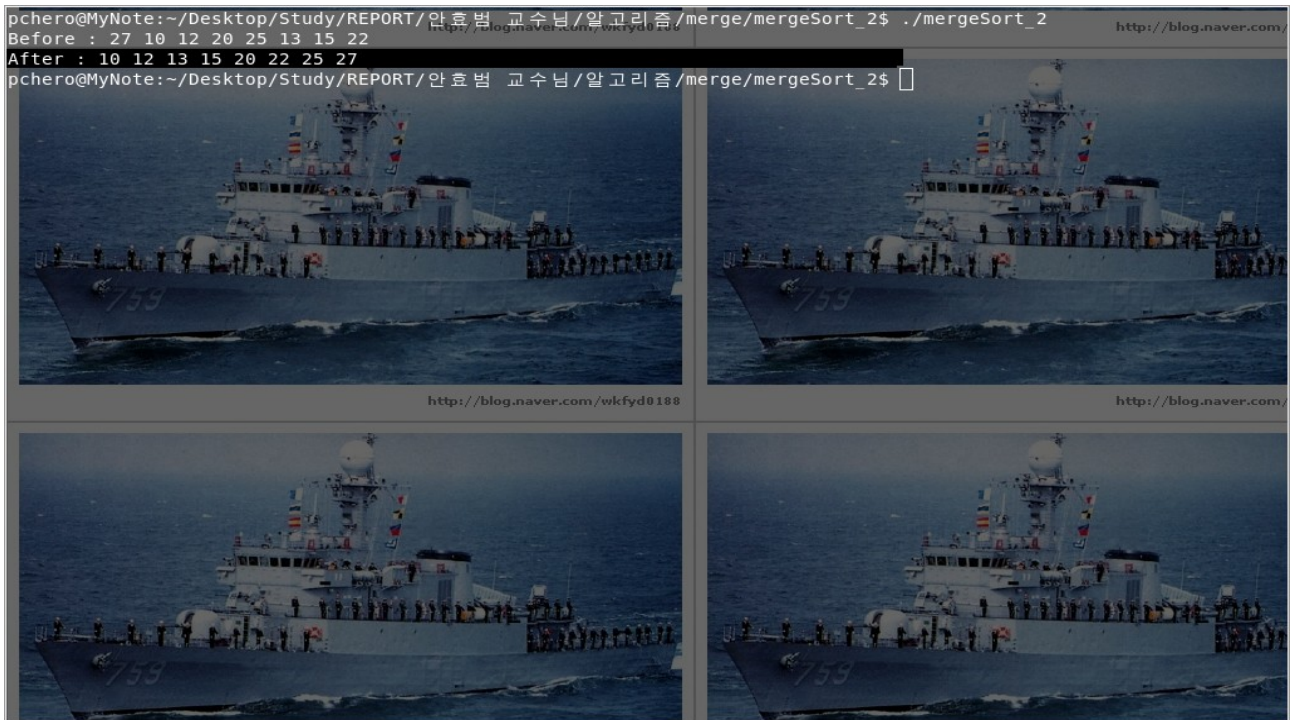


사진 1: mergeSort_1 실행화면

② mergeSort_2

소스

```
#include <stdio.h>

void merge2(int *S, int low, int mid, int high);
void mergesort2(int *S, int low, int high);

int count = 0;

int main()
{
    static int S[8] = {3, 4, 2, 5, 6, 8, 1, 7};
    int i;
    printf("before: ");
    for(i = 0; i < 8; i++)
        printf("%d ", S[i]);
    printf("\n");

    mergesort2(S, 0, 7);

    printf("\nafter: ");
```

```

    for(i = 0; i < 8; i++)
        printf("%d ", S[i]);
    printf("\n");
}

/*****
* mergesort2 *
* S : 합병을 원하는 배열 *
* low : 최하단 index값 *
* high : 최상위 index값 *
* 배열을 반으로 나누는 부분. merge2와 연동하여 정렬을 *
* 실행한다. *
*****/
void mergesort2(int *S, int low, int high)
{
    int mid;

    if(low < high) {
        mid = (low + high) / 2;
        printf("[%d] low : %d, mid : %d, high %d\n", count, low, mid, high);
        count++;
        mergesort2(S, low, mid);
        mergesort2(S, mid + 1, high);
        merge2(S, low, mid, high);
    }
}

/*****
* merge2 *
* S : 정렬이 이루어지는 배열. *
* low : 최하단값 *
* mid : 중간값 *
* high : 최상위값 *
* 합병정렬시 실제 합병이 이루어지는 부분 *
*****/
void merge2(int *S, int low, int mid, int high)
{
    int i, j, k;

    int U[high - low];

    i = low;
    j = mid + 1;
    k = 0;

```

```
while(i <= mid && j <= high) {
    if(S[i] < S[j]) {
        U[k] = S[i];
        i++;
    }
    else {
        U[k] = S[j];
        j++;
    }
    k++;
}
if(i > mid)
    for(; j <= high; j++) {
        U[k] = S[j];
        k++;
    }
else {
    for(; i <= mid; i++) {
        U[k] = S[i];
        k++;
    }
}
// for(i = 0; i < 8; i++)
//     printf("U[k] = %d\n", U[i]);

// printf("\n");
k = 0;
for(i = low; i <= high; i++) {
    S[i] = U[k];
    k++;
}
}
```

실행 화면



```
터미널
파일(F) 편집(E) 보기(V) 터미널(T) 탭(B) 도움말(H)
EXECUTING:
/home/pchero/Desktop/Study/REPORT/안효범 교수님/알고리즘/merge/mergeSort_3/mergeSort_3
-----
before : 3 4 2 5 6 8 1 7
[0] low : 0, mid : 3, high 7
[1] low : 0, mid : 1, high 3
[2] low : 0, mid : 0, high 1
[3] low : 2, mid : 2, high 3
[4] low : 4, mid : 5, high 7
[5] low : 4, mid : 4, high 5
[6] low : 6, mid : 6, high 7
-----
after : 1 2 3 4 5 6 7 8
-----
Program exited successfully with errcode (10)
Press the Enter key to close this terminal ...
http://blog.naver.com/wkfyd0188
```

사진 2: mergeSort_2 실행화면

③ 시간복잡도 분석.

$i = h$ 이고, $j = m - 1$ 인 상태로 loop에서 빠져나가는 때가 최악의 경우로서, 이 때 기본동작의 실행 횟수는 $h + m - 1$ 이다. 따라서 최악의 경우 합병하는 시간복잡도는 $W(h, m) = h + m - 1$ 이다.

최악의 경우 수행시간은 $W(h, m) = W(h) + W(m) + h + m - 1$ 이 된다. 여기서 $W(h)$ 는 U 를 정렬하는데 걸리는 시간, $W(m)$ 은 V 를 정렬하는데 걸리는 시간, 그리고 $h + m - 1$ 은 합병하는데 걸리는 시간이다. 정수 n 을 $2^k (k \geq 1)$ 이라고 한다면, $h = n / 2$, $m = n / 2$ 이 된다. 따라서 최악의 경우 시간복잡도는

$$\begin{aligned} W(n) &= 2W(n/2) + n - 1 && n > 1 \text{이고, } n = 2^k (k \geq 1) \\ W(1) &= 0 && \text{왜냐하면 합병이 전혀 이루어지지 않으므로.} \end{aligned}$$

④ 공간복잡도 분석.

mergeSort_1의 경우 새로운 반복적인 루프를 돌때마다 새로운 배열을 생성한다. 즉 추가적인 저장장소가 필요하다. 수식으로 나타내면 $\dots n + (n / 2) + (n / 4) + \dots = 2n$ 이다.

하지만 mergeSort_2의 경우 반복적인 루프를 돌아도 새로운 배열을 생성하지 않는다. 즉, 공간복잡도는 n 이다.

5. 참조 사이트

- ① <http://kldp.org>: 한국 리눅스 문서 프로젝트
- ② <http://phpschool.com>: PHP 사용자 포럼